1) Opera los siguientes polinomios:

a)
$$(x^3 - 2x^2 + 1)(2x^3 - x + 2)$$

b)
$$(x+3)^2 - (x-3)^2$$

c)
$$2x^3 \cdot (x^2 - 3x + 2) - (2x - 1)^2$$

d)
$$\frac{2x^3}{3} + \frac{x^2}{2} - x + \frac{x^3}{2} - \frac{x^2}{3}$$

e)
$$\frac{(x^2-3x)}{2}(x+1)-(\frac{x^3}{2}-x^2)}{\frac{3x}{2}}$$

2) Factoriza los siguientes polinomios sacando factor común y usando los productos notables:

a)
$$5x^3 + 10x^2 + 5x$$

g)
$$x^6 - 2x^3 + 1$$

b)
$$2x^3 - 4x^2 + 2x$$

h)
$$x^4 + 4x^2 + 4$$

c)
$$3x^3 - 3x$$

i)
$$\frac{\chi^3}{4} - \frac{\chi}{9}$$

d)
$$x^5 - 4x^4 + 4x^3$$

i)
$$-x^2 + 2x - 1$$

e)
$$10x^4 + 60x^3 + 90x^2$$

k)
$$\frac{5x^4}{9} - \frac{10x^3}{3} + 5x^2$$

f)
$$6x^5 - 6x$$

a)
$$\frac{2x^3 + 4x^2 + 2x}{2x}$$

d)
$$\frac{5x^2 - 10x + 5}{x - 1}$$

b)
$$\frac{x^4 - x^2}{x^2}$$

e)
$$\frac{3x^3 - 18x^2 + 27x}{3x^2 - 27}$$

c)
$$\frac{x^3 - x^2}{x^4 - x^2}$$

f)
$$\frac{20x^4 + 60x^3 + 45x^2}{40x^3 - 90x}$$

4) Opera las siguientes fracciones algebraicas:

a)
$$\frac{3}{2x} + \frac{x+1}{2x}$$

d)
$$\frac{3}{2} - \frac{x+1}{x}$$

$$b) \quad \frac{3}{2x} - \frac{x+1}{2x}$$

e)
$$\frac{x+1}{x-1} + \frac{x}{2}$$

c)
$$\frac{3}{2} + \frac{x+1}{2x}$$

f)
$$\frac{x+1}{x-1} + \frac{x}{x^2-1}$$

NIVEL 3 Álgebra III

SOLUCIONES:

1) a)
$$2x^6-4x^5-x^4+6x^3-4x^2-x+2$$
; b) $12x$; c) $2x^5-6x^4+4x^3-4x^2+4x-1$; d) $\frac{7x^3+x^2-6x}{6}$; e) -1

2) a)
$$5x(x+1)^2$$
; b) $2x(x-1)^2$; c) $3x(x+1)(x-1)$; d) $x^3(x-2)^2$; e) $10x^2(x+3)^2$; f) $6x(x+1)(x-1)(x^2+1)$;

g)
$$(x^3-1)^2$$
; h) $(x^2+2)^2$; i) $x\left(\frac{x}{2}-\frac{1}{3}\right)^2$; j) $-(x-1)^2$; k) $5x^2\left(\frac{x}{3}-1\right)^2$

3) a)
$$(x+1)^2$$
; b) $(x+1)\cdot(x-1)$; c) $\frac{1}{x+1}$; d) $5(x-1)$; e) $\frac{x(x-3)}{x+3}$ f) $\frac{x(2x+3)}{2(2x-3)}$

4) a)
$$\frac{x+4}{2x}$$
; b) $\frac{-x+2}{2x}$; c) $\frac{4x+1}{2x}$; d) $\frac{x-2}{2x}$; e) $\frac{x^2+x+2}{2(x-1)}$; f) $\frac{x^2+3x+1}{(x^2-1)}$